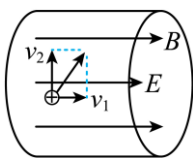


1 / 14

C. 动能变化正比于曲线与横轴围成的面积

D. 加速度大小先增大后减小

5. 2021 年中国全超导托卡马克核聚变实验装置创造了新的纪录。为粗略了解等离子体在托卡马克环形真空室内的运动状况，某同学将一小段真空室内的电场和磁场理想化为方向均水平向右的匀强电场和匀强磁场（如图），电场强度大小为 E ，磁感应强度大小为 B 。若某电荷量为 q 的正离子在此电场和磁场中运动，其速度平行于磁场方向的分量大小为 v_1 ，垂直于磁场方向的分量大小为 v_2 ，不计离子重力，则（ ）



A. 电场力的瞬时功率为 $qE\sqrt{v_1^2 + v_2^2}$

B. 该离子受到的洛伦兹力大小为 qv_1B

C. v_2 与 v_1 的比值不断变大

D. 该离子的加速度大小不变

6. 如图为氢原子的能级示意图。已知蓝光光子的能量范围为 $2.53 \sim 2.76\text{eV}$ ，紫光光子的能量范围为 $2.76 \sim 3.10\text{eV}$ 。若使处于基态的氢原子被激发后，可辐射蓝光，不辐射紫光，则激发氢原子的光子能量为（ ）

n	E/eV
∞	0
5	-0.54
4	-0.85
3	-1.51
2	-3.40
1	-13.60

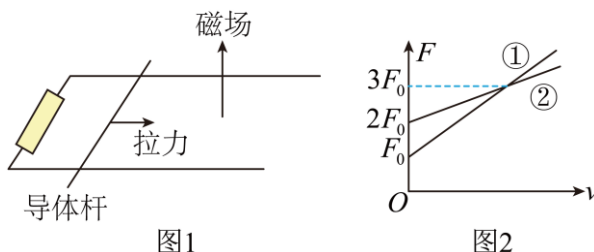
A. 10.20eV

B. 12.09eV

C. 12.75eV

D. 13.06eV

7. 如图 1 所示，光滑的平行导电轨道水平固定在桌面上，轨道间连接一可变电阻，导体杆与轨道垂直并接触良好（不计杆和轨道的电阻），整个装置处在垂直于轨道平面向上的匀强磁场中。杆在水平向右的拉力作用下先后两次都由静止开始做匀加速直线运动，两次运动中拉力大小与速率的关系如图 2 所示。其中，第一次对应直线①，初始拉力大小为 F_0 ，改变电阻阻值和磁感应强度大小后，第二次对应直线②，初始拉力大小为 $2F_0$ ，两直线交点的纵坐标为 $3F_0$ 。若第一次和第二次运动中的磁感应强度大小之比为 k 、电阻的阻值之比为 m 、杆从静止开始运动相同位移的时间之比为 n ，则 k 、 m 、 n 可能为（ ）



A. $k = 2$ 、 $m = 2$ 、 $n = 2$

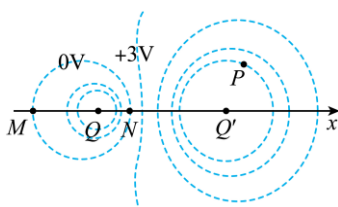
B. $k = 2\sqrt{2}$ 、 $m = 2$ 、 $n = \sqrt{2}$

C. $k = \sqrt{6}$ 、 $m = 3$ 、 $n = \sqrt{2}$

D. $k = 2\sqrt{3}$ 、 $m = 6$ 、 $n = 2$

二、多项选择题：本题共 3 小题，每小题 5 分，共 15 分。在每小题给出的四个选项中，有多项符合题目要求。全部选对的得 5 分，选对但不全的得 3 分，有选错的得 0 分。

8. 如图为两点电荷 Q 、 Q' 的电场等势面分布示意图， Q 、 Q' 位于 x 轴上，相邻等势面的电势差为 3V 。若 x 轴上的 M 点和 N 点位于 0V 等势面上， P 为某等势面上一点，则（ ）



A. N 点的电场强度大小比 M 点的大

B. Q 为正电荷

C. M 点的电场方向沿 x 轴负方向

D. P 点与 M 点的电势差为 12V

9. 我国载人航天事业已迈入“空间站时代”。若中国空间站绕地球近似做匀速圆周运动，运行周期为 T ，轨道半径约为地球半径 $\frac{17}{16}$ 倍，已知地球半径为 R ，引力常量为 G ，忽略地球自转的影响，则（ ）

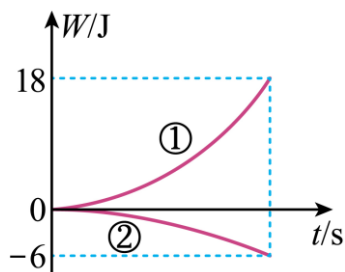
A. 漂浮在空间站中的宇航员不受地球的引力

B. 空间站绕地球运动的线速度大小约为 $\frac{17\pi R}{8T}$

C. 地球的平均密度约为 $\frac{3\pi}{GT^2} \left(\frac{16}{17} \right)^3$

D. 空间站绕地球运动 向心加速度大小约为地面重力加速度的 $\left(\frac{16}{17} \right)^2$ 倍

10. 一物块在倾角为 45° 的固定斜面上受到方向与斜面平行、大小与摩擦力相等的拉力作用，由静止开始沿斜面向下做匀变速直线运动，物块与斜面间的动摩擦因数处处相同。若拉力沿斜面向下时，物块滑到底端的过程中重力和摩擦力对物块做功随时间的变化分别如图曲线①、②所示，则（ ）



A. 物块与斜面间的动摩擦因数为 $\frac{\sqrt{2}}{3}$

B. 当拉力沿斜面向上，重力做功为 9J 时，物块动能为 3J

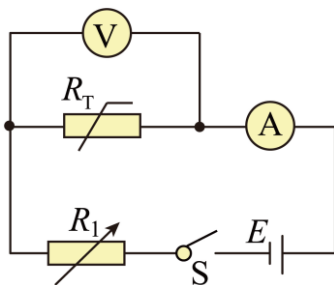
C. 当拉力分别沿斜面向上和向下时，物块的加速度大小之比为 $1:3$

D. 当拉力分别沿斜面向上和向下时，物块滑到底端时的动量大小之比为 $1:\sqrt{2}$

三、非选择题：共 57 分。第 11~14 题为必考题，每个试题考生都必须作答。第 15~16 题为选考题，考生根据要求作答。

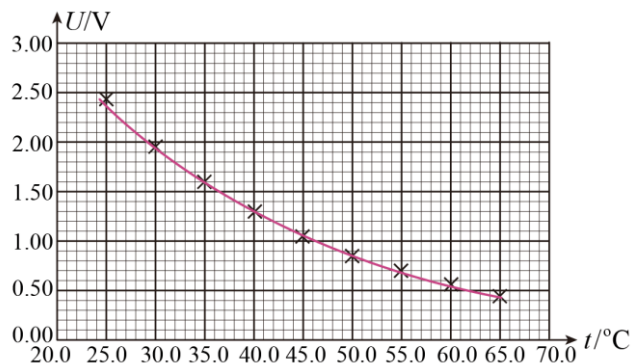
（一）必考题：共 45 分。

11. 某兴趣小组研究热敏电阻在通以恒定电流时，其阻值随温度的变化关系。实验电路如图所示，实验设定恒定电流为 $50.0\mu\text{A}$ ，主要实验器材有：恒压直流电源 E 、加热器、测温仪、热敏电阻 R_T 、可变电阻 R_1 、电流表 A 、电压表 V 。

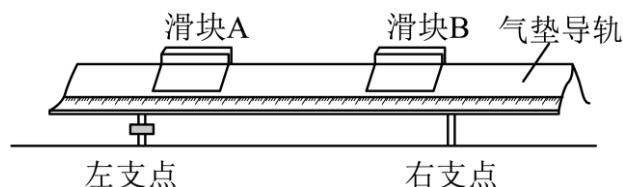


（1）用加热器调节 R_T 的温度后，为使电流表的示数仍为 $50.0\mu\text{A}$ ，须调节_____（选填一种给定的实验器材）。当 R_T 两端未连接电压表时，电流表示数为 $50.0\mu\text{A}$ ；连接电压表后，电流表示数显著增大，须将原电压表更换为内阻_____（选填“远大于”“接近”“远小于”） R_T 阻值的电压表。

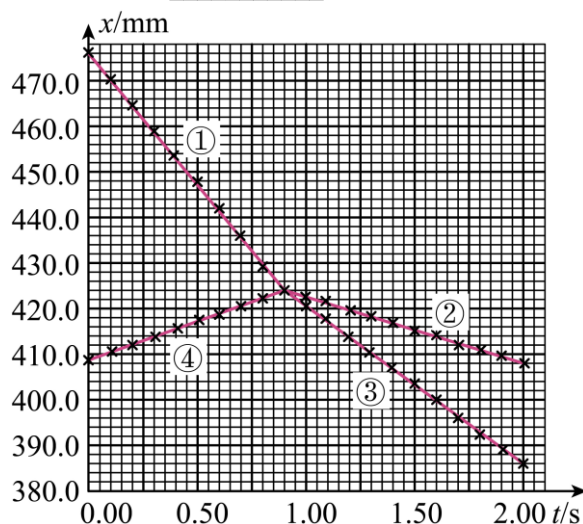
（2）测得 R_T 两端的电压随温度的变化如图所示，由图可得温度从 35.0°C 变化到 40.0°C 的过程中， R_T 的阻值随温度的平均变化率是_____ $\text{k}\Omega \cdot ^\circ\text{C}^{-1}$ （保留 2 位有效数字）。



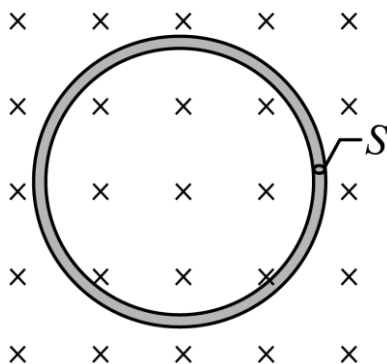
12. 如图为某小组探究两滑块碰撞前后的动量变化规律所用的实验装置示意图。带刻度尺的气垫导轨右支点固定，左支点高度可调，装置上方固定一具有计时功能的摄像机。



- (1) 要测量滑块的动量，除了前述实验器材外，还必需的实验器材是_____。
- (2) 为减小重力对实验的影响，开动气泵后，调节气垫导轨的左支点，使轻推后的滑块能在气垫导轨上近似做_____运动。
- (3) 测得滑块 B 的质量为 197.8g ，两滑块碰撞前后位置 x 随时间 t 的变化图像如图所示，其中①为滑块 B 碰前的图线。取滑块 A 碰前的运动方向为正方向，由图中数据可得滑块 B 碰前的动量为_____ $\text{kg}\cdot\text{m}\cdot\text{s}^{-1}$ (保留 2 位有效数字)，滑块 A 碰后的图线为_____ (选填“②”“③”“④”)。



13. 某同学以金属戒指为研究对象，探究金属物品在变化磁场中的热效应。如图所示，戒指可视为周长为 L 、横截面积为 S 、电阻率为 ρ 的单匝圆形线圈，放置在匀强磁场中，磁感应强度方向垂直于戒指平面。若磁感应强度大小在 Δt 时间内从 0 均匀增加到 B_0 ，求：



- (1) 戒指中的感应电动势和电流；

(2) 戒指中电流 热功率。

14. 小明设计了一个青蛙捉飞虫的游戏，游戏中蛙和虫都在 xOy 竖直平面内运动。虫可以从水平 x 轴上任意位置处由静止开始做匀加速直线运动，每次运动的加速度大小恒为 $\frac{5}{9}g$ (g 为重力加速度)，方向均与 x 轴负方向成 37° 斜向上 (x 轴向右为正)。蛙位于 y 轴上 M 点处， $OM = H$ ，能以不同速率向右或向左水平跳出，蛙运动过程中仅受重力作用。蛙和虫均视为质点，取 $\sin 37^\circ = \frac{3}{5}$ 。

(1) 若虫飞出一段时间后，蛙以其最大跳出速率向右水平跳出，在 $y = \frac{3}{4}H$ 的高度捉住虫时，蛙与虫的水平位移大小之比为 $2\sqrt{2}:3$ ，求蛙的最大跳出速率。

(2) 若蛙跳出的速率不大于 (1) 问中的最大跳出速率，蛙跳出时刻不早于虫飞出时刻，虫能被捉住，求虫在 x 轴上飞出的位置范围。

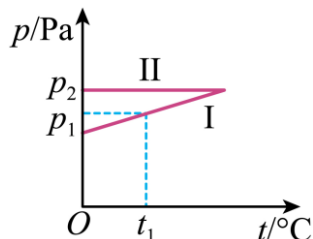
(3) 若虫从某位置飞出后，蛙可选择在某时刻以某速率跳出，捉住虫时蛙与虫的运动时间之比为 $1:\sqrt{2}$ ；蛙也可选择在另一时刻以同一速率跳出，捉住虫时蛙与虫的运动时间之比为 $1:\sqrt{17}$ 。求满足上述条件的虫飞出的所有可能位置及蛙对应的跳出速率。

(二) 选考题：共 12 分。请考生从第 15 题和第 16 题中任选一题作答，若两题都做，则按所做的第一题计分。

15. 2022 年 5 月 15 日，我国自主研发的“极目一号”III 型浮空艇创造了海拔 9032 米的大气科学观测世界纪录。若在浮空艇某段上升过程中，艇内气体温度降低，体积和质量视为不变，则艇内气体 () (视为理想气体)

A. 吸收热量 B. 压强增大 C. 内能减小 D. 对外做负功

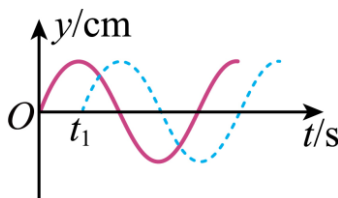
16. 某同学探究一封闭气缸内理想气体的状态变化特性，得到压强 p 随温度 t 的变化如图所示。已知图线 I 描述的是体积为 V_1 的等容过程，当温度为 t_1 时气体的压强为 p_1 ；图线 II 描述的是压强为 p_2 的等压过程。取 0°C 为 273K，求



①等容过程中，温度为 0°C 时气体的压强；

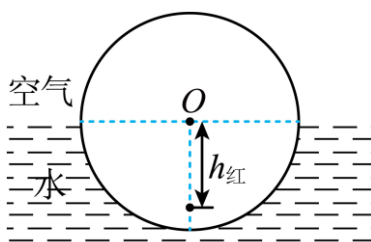
②等压过程中，温度为 0°C 时气体的体积。

17. 某同学为了研究水波的传播特点，在水面上放置波源和浮标，两者的间距为 L 。 $t=0$ 时刻，波源开始从平衡位置沿 y 轴在竖直方向做简谐运动，产生的水波沿水平方向传播（视为简谐波）， t_1 时刻传到浮标处使浮标开始振动，此时波源刚好位于正向最大位移处，波源和浮标的振动图像分别如图中的实线和虚线所示，则（ ）



- A. 浮标的振动周期为 $4t_1$ B. 水波的传播速度大小为 $\frac{L}{4t_1}$
- C. $\frac{3}{2}t_1$ 时刻浮标沿 y 轴负方向运动 D. 水波的波长为 $2L$

18. 如图所示，水面上有一透明均质球，上半球露出水面，下半球内竖直中心轴上有红、蓝两种单色灯（可视为点光源），均质球对两种色光的折射率分别为 $n_{\text{红}}$ 和 $n_{\text{蓝}}$ 。为使从光源照射到上半球面的光，都能发生折射（不考虑光线在球内反射后的折射），若红灯到水面的最大距离为 $h_{\text{红}}$ ，



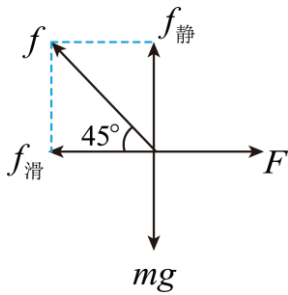
(1) 求蓝灯到水面的最大距离；

(2) 两灯都装在各自到水面的最大距离处，蓝灯在红灯的上方还是下方？为什么？

参考答案

1. 【答案】B

【详解】对擦窗工具进行正视图的受力分析如图所示



水平方向上拉力 F 与擦窗工具所受摩擦力水平分量 $f_{\text{滑}}$ 等大反向，竖直方向上重力 mg 与擦窗工具所受摩擦力竖直分量 $f_{\text{静}}$ 等大反向，所以擦窗工具所受摩擦力方向如图中 f 所示，大小为

$$f = \sqrt{f_{\text{滑}}^2 + f_{\text{静}}^2} = \sqrt{2}mg$$

故选 B。

2. 【答案】A

【详解】D. 根据题意可知极板之间电压 U 不变，极板上所带电荷量 Q 变少，根据电容定义式 $C = \frac{Q}{U}$ 可知电容器得电容 C 减小，D 错误；

BC. 根据电容的决定式 $C = \frac{\epsilon_r S}{4\pi k d}$ 可知极板间距 d 增大，极板之间形成匀强电场，根据 $E = \frac{U}{d}$ 可知极板间电场强度 E 减小，BC 错误；

A. 极板间距 d 增大，材料竖直方向尺度减小，A 正确。

故选 A。

3. 【答案】B

【详解】A. 卤素灯上标记的额定电压 12V 即为卤素灯两端的电压有效值，A 错误；

B. 根据理想变压器的原理可知

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{U_1}{U_2} = \frac{220}{12} = \frac{55}{3}$$

B 正确；

C. 流过卤素灯的电流为

$$I = \frac{P}{U} = \frac{50\text{W}}{12\text{V}} = \frac{25}{6}\text{A}$$

C 错误；

D. 卤素灯是非线性元件，电阻随着电压不同而改变，D 错误。

故选 B。

4. 【答案】D

【详解】AB. 由题知假人的头部只受到安全气囊的作用，则 $F-t$ 图像的面积即合外力的冲量，再根据动量定理可知 $F-t$ 图像的面积也是动量的变化量，且图线一直在 t 轴的上方，由于头部有初动量，由图可知，动量变化越来越大，则动量的大小一直减小到再合假人头静止，动量变化最大，AB 错误；

C. 根据动量与动能的关系有 $E_k = \frac{p^2}{2m}$ ，而 $F-t$ 图像的面积是动量的变化量，则动能的变化量与曲线与横轴围成的面积不成正比，C 错误；

D. 由题知假人的头部只受到安全气囊的作用，则根据牛顿定律可知 $a \propto F$ ，即假人头部的加速度先增大后减小，D 正确。

故选 D。

5. 【答案】D

【详解】A. 根据功率的计算公式可知 $P = Fv \cos \theta$ ，则电场力的瞬时功率为 $P = Eqv_1$ ，A 错误；

B. 由于 v_1 与磁场 B 平行, 则根据洛伦兹力的计算公式有 $F_{\text{洛}} = qv_2B$, B 错误;

C. 根据运动的叠加原理可知, 离子在垂直于纸面内做匀速圆周运动, 沿水平方向做加速运动, 则 v_1 增大, v_2 不变, v_2 与 v_1 的比值不断变小, C 错误;

D. 离子受到的安培力不变, 电场力不变, 则该离子的加速度大小不变, D 正确。

故选 D。

6. 【答案】C

【详解】由题知使处于基态的氢原子被激发后, 可辐射蓝光, 不辐射紫光, 则由蓝光光子能量范围可知从氢原子从 $n=4$ 能级向低能级跃迁可辐射蓝光, 不辐射紫光 (即从 $n=4$, 跃迁到 $n=2$ 辐射蓝光), 则需激发氢原子到 $n=4$ 能级, 则激发氢原子的光子能量为

$$\Delta E = E_4 - E_1 = 12.75\text{eV}$$

故选 C。

7. 【答案】C

【详解】由题知杆在水平向右的拉力作用下先后两次都由静止开始做匀加速直线运动, 则在 $v=0$ 时分别有

$$a_1 = \frac{F_0}{m}, \quad a_2 = \frac{2F_0}{m}$$

则第一次和第二次运动中, 杆从静止开始运动相同位移的时间分别为

$$x = \frac{1}{2}a_1t_1^2, \quad x = \frac{1}{2}a_2t_2^2$$

则

$$n = \sqrt{2}$$

第一次和第二次运动中根据牛顿第二定律有 $a = \frac{F}{m} - \frac{B^2L^2v}{mR}$, 整理有

$$F = ma + \frac{B^2L^2v}{R}$$

则可知两次运动中 $F-v$ 图像的斜率为 $\frac{B^2L^2}{R}$, 则有

$$2 = \frac{R_2}{R_1} \cdot \frac{B_1^2}{B_2^2} = \frac{1}{m} \cdot k^2$$

故选 C。

8. 【答案】AD

【详解】A. 等差等势线的密度体现场强的大小, 由图可知 N 点的等差等势线比 M 点更密, 则 N 点的电场强度大小比 M 点的大, 故 A 正确;

B. 沿着电场线电势逐渐降低, 由图可知电场线由 N 指向 Q , 则 Q 为负电荷, 故 B 错误;

C. 沿着电场线电势逐渐降低, 结合各等势线的电势高低关系可知 M 点的电场方向沿 x 轴正方向, 故 C 错误;

D. M 点与 N 点等势均为 0V , P 点与 N 点的等势线间隔四个, 而相邻等势面的电势差为 3V , 则 P 点与 M 点的电势差为 12V , 故 D 正确。

故选 AD。

9. 【答案】BD

【详解】A. 漂浮在空间站中的宇航员依然受地球的引力, 所受引力提供向心力做匀速圆周运动而处于完全失重, 视重为零, 故 A 错误;

B. 根据匀速圆周运动的规律, 可知空间站绕地球运动的线速度大小约为

$$v = \frac{2\pi \frac{17}{16}R}{T} = \frac{17\pi R}{8T}$$

故 B 正确;

C. 设空间站的质量为 m , 其所受万有引力提供向心力, 有

$$G \frac{Mm}{(\frac{17}{16}R)^2} = m(\frac{2\pi}{T})^2 (\frac{17}{16}R)$$

则地球的平均密度约为

$$\rho = \frac{M}{\frac{4}{3}\pi R^3} = (\frac{17}{16})^3 \frac{3\pi}{GT^2}$$

故 C 错误；

D. 根据万有引力提供向心力，有

$$G \frac{Mm}{(\frac{17}{16}R)^2} = ma$$

则空间站绕地球运动的向心加速度大小为

$$a = \frac{GM}{(\frac{17}{16}R)^2}$$

地表的重力加速度为

$$g = \frac{GM}{R^2}$$

可得

$$\frac{a}{g} = (\frac{16}{17})^2$$

即空间站绕地球运动的向心加速度大小约为地面重力加速度的 $(\frac{16}{17})^2$ 倍，故 D 正确。

故选 BD。

10. 【答案】BC

【详解】A. 对物体受力分析可知，平行于斜面向下的拉力大小等于滑动摩擦力，有

$$F = f = \mu mg \cos 45^\circ$$

由牛顿第二定律可知，物体下滑的加速度为

$$a_1 = g \sin 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2} g$$

则拉力沿斜面向下时，物块滑到底端的过程中重力和摩擦力对物块做功为

$$W_G = mg \cdot \frac{1}{2} a_1 t^2 \cdot \sin 45^\circ = \frac{mg^2}{4} t^2$$

$$W_f = -\mu mg \cdot \cos 45^\circ \times \frac{1}{2} a_1 t^2 = -\frac{\mu mg^2}{4} t^2$$

代入数据联立解得

$$\mu = \frac{1}{3}$$

故 A 错误；

C. 当拉力沿斜面向上，由牛顿第二定律有

$$mg \sin 45^\circ - F - f = ma_2$$

解得

$$a_2 = \frac{\sqrt{2}}{2} g - 2\mu g \cos 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{6} g$$

则拉力分别沿斜面向上和向下时，物块的加速度大小之比为

$$\frac{a_2}{a_1} = \frac{1}{3}$$

故 C 正确；

B. 当拉力沿斜面向上，重力做功为

$$W_{G2} = mgsin45^\circ \cdot x$$

合力做功为

$$W_{\text{合}} = ma_2 \cdot x$$

则其比值为

$$\frac{W_{G2}}{W_{\text{合}}} = \frac{\frac{\sqrt{2}}{2}g}{\frac{\sqrt{2}}{6}g} = \frac{3}{1}$$

则重力做功为 9J 时，物块的动能即合外力做功为 3J，故 C 正确；

D. 当拉力分别沿斜面向上和向下时，物块滑到底端时的动量大小为

$$P = mv = m\sqrt{2ax}$$

则动量的大小之比为

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{\sqrt{a_2}}{\sqrt{a_1}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

故 D 错误。

故选 BC。

11. 【答案】 ①. 可变电阻 R_1 ②. 远大于 ③. -1.2

【详解】(1) [1]由题知恒压直流电源 E 的电动势不变，而用加热器调节 R_T 的温度后，导致整个回路的总电阻改变。而要确保电流表的示数仍为 $50.0\mu\text{A}$ ，则需控制整个回路的总电阻不变，故需要调节的器材是可变电阻 R_1 。

[2]连接电压表后，电流表示数显著增大，则说明电压表与 R_T 并联后 $R_{\text{总}}$ 减小，则根据并联电阻的关系有

$$R_{\text{总}} = \frac{R_T R_V}{R_T + R_V} = \frac{R_T}{\frac{R_T}{R_V} + 1}$$

则要保证 $R_{\text{总}}$ 不变需须将原电压表更换为内阻远大于 R_T 阻值的电压表。

(2) [3]图可得温度为 35.0°C 时电压表的电压为 1.6V ，且实验设定恒定电流为 $50.0\mu\text{A}$ ，则根据欧姆定律可知此时热敏电阻 $R_{T1} = 32\text{k}\Omega$ ；温度为 40.0°C 时电压表的电压为 1.3V ，且实验设定恒定电流为 $50.0\mu\text{A}$ ，则根据欧姆定律可知此时热敏电阻 $R_{T2} = 26\text{k}\Omega$ ，则温度从 35.0°C 变化到 40.0°C 的过程中， R_T 的阻值随温度的平均变化率是

$$k = \frac{\Delta R_T}{\Delta t} = -1.2\text{k}\Omega \cdot ^\circ\text{C}^{-1}$$

负号表示随着温度升高 R_T 的阻值减小。

12. 【答案】 ①. 天平 ②. 匀速直线 ③. -0.011 ④. ③

【详解】(1) [1]要测量滑块 动量还需要测量滑块的质量，故还需要的器材是天平；

(2) [2]为了减小重力对实验的影响，应该让气垫导轨处于水平位置，故调节气垫导轨后要使滑块能在气垫导轨上近似做匀速直线运动；

(3) [3]取滑块 A 碰前运动方向为正方向，根据 $x-t$ 图可知滑块 B 碰前的速度为

$$v_B = \frac{0.424 - 0.476}{0.9} \text{m/s} = -0.058\text{m/s}$$

则滑块 B 碰前的动量为

$$p_B = m_B v_B = 0.1978\text{kg} \times (-0.058)\text{m/s} = -0.011\text{kg} \cdot \text{m/s}$$

[4]由题意可知两物块相碰要符合碰撞制约关系则④图线为碰前 A 物块的图线，由图可知碰后③图线的速度大于②图线的速度，根据“后不超前”的原则可知③为碰后 A 物块的图线。

13. 【答案】(1) $E = \frac{B_0 L^2}{4\pi\Delta t}$, $I = \frac{B_0 LS}{4\pi\rho\Delta t}$; (2) $P = \frac{B_0^2 L^3 S}{16\pi^2 \rho(\Delta t)^2}$

【详解】(1) 设戒指的半径为 r ，则有

$$L = 2\pi r$$

磁感应强度大小在 Δt 时间内从 0 均匀增加到 B_0 ，产生的感应电动势为

$$E = \frac{B_0}{\Delta t} \cdot \pi r^2$$

可得

$$E = \frac{B_0 L^2}{4\pi\Delta t}$$

戒指的电阻为

$$R = \frac{\rho L}{S}$$

则戒指中的感应电流为

$$I = \frac{E}{R} = \frac{B_0 LS}{4\pi\rho\Delta t}$$

(2) 戒指中电流的热功率为

$$P = I^2 R = \frac{B_0^2 L^3 S}{16\pi^2 \rho(\Delta t)^2}$$

14. 【答案】(1) $v_m = \frac{4}{3}\sqrt{gH}$; (2) $\frac{1-2\sqrt{6}}{3}H \leq x \leq 2H$; (3) $v_1 = \frac{1}{5}\sqrt{30gH}$, $x_1 = \frac{26}{15}H$ 或

$v_2 = \frac{1}{15}\sqrt{30gH}$, $x_2 = \frac{14}{15}H$

【详解】(1) 虫子做匀加速直线运动，青蛙做平抛运动，由几何关系可知

$$x_{\text{虫}} = \frac{\frac{3}{4}H}{\tan 37^\circ} = H$$

$$\frac{x_{\text{蛙}}}{x_{\text{虫}}} = \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

青蛙做平抛运动，设时间为 $t_{\text{蛙}}$ ，有

$$x_{\text{蛙}} = v_m t_{\text{蛙}}$$

$$H - \frac{3}{4}H = \frac{1}{2}gt_{\text{蛙}}^2$$

联立解得

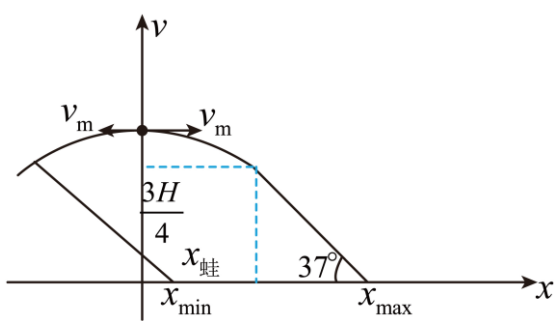
$$t_{\text{蛙}} = \sqrt{\frac{H}{2g}}, \quad v_m = \frac{4}{3}\sqrt{gH}$$

(2) 设蛙和虫若同时开始运动时间均为 t ，相遇时有

$$\frac{1}{2}gt^2 + \frac{1}{2}a_y t^2 = H$$

解得

$$t = \sqrt{\frac{3H}{2g}}$$



则最小的位置坐标为

$$x_{\min} = v_m t - \frac{1}{2} a_x t^2 = \frac{1-2\sqrt{6}}{3} H$$

而蛙和虫不同时刻出发时需要轨迹相切，青蛙的平抛运动有

$$y = H - \frac{1}{2} g t^2, \quad x = v_m t$$

可得轨迹方程为

$$y = H - \frac{g}{2v_m^2} x^2$$

虫的轨迹方程为

$$y = (x_{\max} - x) \tan 37^\circ$$

两轨迹相交，可得

$$(x_{\max} - x) \tan 37^\circ = H - \frac{g}{2v_m^2} x^2$$

整理可知

$$\frac{g}{2v_m^2} x^2 - \frac{3}{4} x + \frac{3}{4} x_m - H = 0$$

令 $\Delta=0$ ，即

$$\frac{9}{16} - 4 \times \frac{g}{2v_m^2} \cdot \left(\frac{3}{4} x_m - H\right) = 0$$

解得

$$x_{\max} = 2H$$

虫在 x 轴上飞出的位置范围为

$$\frac{1-2\sqrt{6}}{3} H \leq x \leq 2H$$

(3) 设蛙的运动时间为 t_1 ，有

$$\frac{1}{2} g t_1^2 + \frac{1}{2} a_y (\sqrt{2} t_1)^2 = H$$

$$\frac{1}{2} g t_2^2 + \frac{1}{2} a_y (\sqrt{17} t_2)^2 = H$$

解得

$$t_1 = \sqrt{\frac{6H}{5g}}, \quad t_2 = \sqrt{\frac{3H}{10g}}$$

而

$$v_1 t_1 + \frac{1}{2} a_x (\sqrt{2} t_1)^2 = x_1$$

$$v_1 t_2 + \frac{1}{2} a_x (\sqrt{17} t_2)^2 = x_1$$

解得

$$v_1 = \frac{1}{5}\sqrt{30gH}, \quad x_1 = \frac{26}{15}H$$

而

$$v_1 t_1 + \frac{1}{2} a_x (\sqrt{2} t_1)^2 = x_2$$

$$\frac{1}{2} a_x (\sqrt{17} t_2)^2 - v_2 t_2 = x_2$$

解得

$$v_2 = \frac{1}{15}\sqrt{30gH}, \quad x_2 = \frac{14}{15}H$$

15. 【答案】C

【详解】由于浮空艇上升过程中体积和质量均不变，则艇内气体不做功；根据

$$\frac{pV}{T} = C$$

可知温度降低，则艇内气体压强减小，气体内能减小；又根据

$$\Delta U = W + Q$$

可知气体放出热量。

故选 C。

16. 【答案】① $p_0 = \frac{273p_1}{t_1 + 273}$ ；② $V_2 = \frac{273p_1V_1}{p_2(t_1 + 273)}$

【详解】①在等容过程中，设 0°C 时气体压强为 p_0 ；根据查理定律有

$$\frac{p_1}{t_1 + 273} = \frac{p_0}{273}$$

解得

$$p_0 = \frac{273p_1}{t_1 + 273}$$

②当压强为 p_2 ，温度为 0°C 时，设此时体积为 V_2 ，则根据理想气体状态方程有

$$\frac{p_1V_1}{t_1 + 273} = \frac{p_2V_2}{273}$$

解得

$$V_2 = \frac{273p_1V_1}{p_2(t_1 + 273)}$$

17. 【答案】A

【详解】A. 根据振动图像可知，波源在 0 时刻振动，波形经过 $t_1 = \frac{1}{4}T$ 传递到浮标处，浮标的振动周期为

$$T = 4t_1$$

A 正确；

B. 波源的振动情况经过 t_1 传到距离 L 处的浮标，可知波速大小为

$$v = \frac{L}{t_1}$$

B 错误；

C. 根据虚线图像可知浮标在 $\frac{3}{2}t_1$ 时刻沿 y 轴正方向运动，C 错误；

D. 水波的波长为

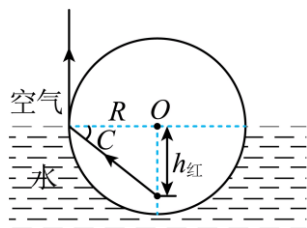
$$\lambda = vT = \frac{L}{t_1} \cdot 4t_1 = 4L$$

D 错误。

故选 A。

18. 【答案】(1) $h_{\text{蓝}} = \sqrt{\frac{n_{\text{红}}^2 - 1}{n_{\text{蓝}}^2 - 1}} \cdot h_{\text{红}}$; (2) 上方, 理由见解析

【详解】(1) 为使从光源照射到上半球面的光, 都能发生折射, 关键是光线能够从折射出去, 以红光为例, 当折射角最大达到临界角 C 时, 光线垂直水面折射出去, 光路图如图所示



假设半球半径为 R , 根据全反射定律和几何关系可知

$$\sin C_{\text{红}} = \frac{1}{n_{\text{红}}} = \frac{h_{\text{红}}}{\sqrt{R^2 + h_{\text{红}}^2}}$$

同理可知蓝光

$$\sin C_{\text{蓝}} = \frac{1}{n_{\text{蓝}}} = \frac{h_{\text{蓝}}}{\sqrt{h_{\text{蓝}}^2 + R^2}}$$

两式联立解得

$$h_{\text{蓝}} = \sqrt{\frac{n_{\text{红}}^2 - 1}{n_{\text{蓝}}^2 - 1}} \cdot h_{\text{红}}$$

(2) 蓝光的折射率 $n_{\text{蓝}}$ 大于红光的折射率 $n_{\text{红}}$, 根据 (1) 问结果 $h_{\text{蓝}} = \sqrt{\frac{n_{\text{红}}^2 - 1}{n_{\text{蓝}}^2 - 1}} \cdot h_{\text{红}}$ 结合 $n_{\text{蓝}} > n_{\text{红}} > 1$ 可知

$$h_{\text{蓝}} < h_{\text{红}}$$

所以蓝灯应该在红灯的上方。