

2025 年普通高等学校招生全国统一考试（重庆卷）

（适用地区：重庆）

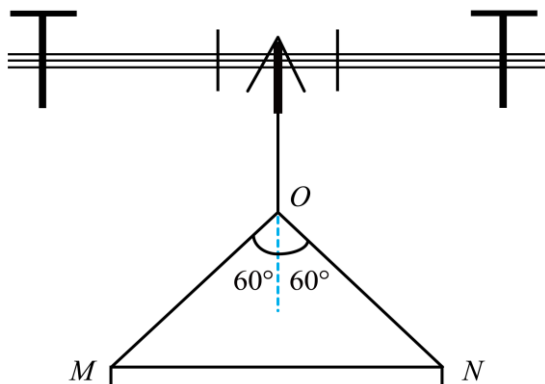
物 理

（部分试题）

注意事项：

1. 答卷前，考生务必将自己的姓名、准考证号填写在答题卡上。
2. 回答选择题时，选出每小题答案后，用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑；如需改动，用橡皮擦干净后，再选涂其他答案标号。回答非选择题时，将答案书写在答题卡上，写在本试卷上无效。
3. 考试结束后，将本试卷和答题卡一并交回。

1. 现代生产生活中常用无人机运送物品，如图所示，无人机携带质量为 m 的匀质钢管在无风的空中悬停，轻绳 M 端和 N 端系住钢管，轻绳中点 O 通过缆绳与无人机连接。 MO 、 NO 与竖直方向的夹角均为 60° ，钢管水平。则 MO 的弹力大小为（ ）（重力加速度为 g ）

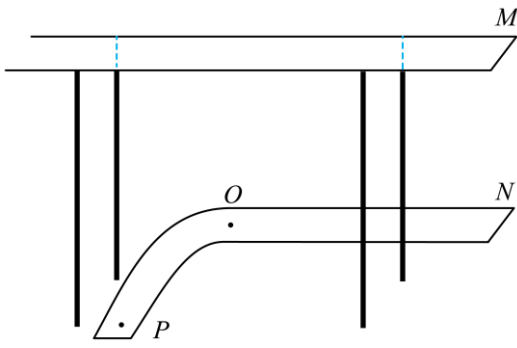


- A. $2mg$ B. mg C. $\frac{\sqrt{3}}{2}mg$ D. $\frac{1}{2}mg$

2. 易碎物品运输中常采用缓冲气袋减小运输中冲击。若某次撞击过程中，气袋被压缩（无破损），不计袋内气体与外界的热交换，则该过程中袋内气体（视为理想气体）（ ）

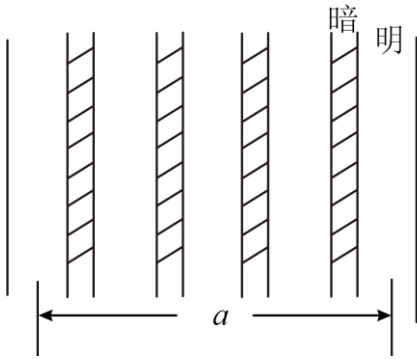
- A. 分子热运动的平均动能增加 B. 内能减小
C. 压强减小 D. 对外界做正功

3. “魔幻”重庆的立体交通屋叠交错，小明选取其中两条线探究车辆的运动。如图所示，轻轨列车与汽车以速度 $2v_0$ 分别从 M 和 N 向左同时出发，列车做匀速直线运动，汽车在长为 s 的 NO 段做匀减速直线运动并以速度 v_0 进入半径为 R 的 OP 圆弧段做匀速圆周运动。两车均视为质点，则（ ）



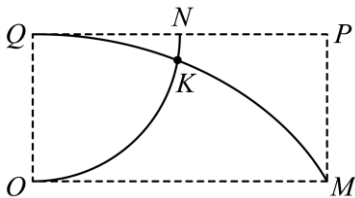
- A. 汽车到 O 点时，列车行驶距离为 s
- B. 汽车到 O 点时，列车行驶距离为 $\frac{4s}{3}$
- C. 汽车在 OP 段向心加速度大小为 $\frac{2v_0^2}{R}$
- D. 汽车在 OP 段向心加速度大小为 $\frac{4v_0^2}{R}$

4. 杨氏双缝干涉实验中，双缝与光屏距离为 l ，波长为 λ 的激光垂直入射到双缝上，在屏上出现如图所示的干涉图样。某同学在光屏上标记两条亮纹中心位置并测其间距为 a ，则（ ）



- A. 相邻两亮条纹间距为 $\frac{a}{5}$
- B. 相邻两暗条纹间距为 $\frac{a}{5}$
- C. 双缝之间的距离为 $\frac{4l}{a}\lambda$
- D. 双缝之间的距离为 $\frac{a}{4l}\lambda$

5. 某兴趣小组用人工智能模拟带电粒子在电场中的运动，如图所示的矩形区域 $OMPQ$ 内分布有平行于 OQ 的匀强电场， N 为 QP 的中点。模拟动画显示，带电粒子 a 、 b 分别从 Q 点和 O 点垂直于 OQ 同时进入电场，沿图中所示轨迹同时到达 M 、 N 点， K 为轨迹交点。忽略粒子所受重力和粒子间的相互作用，则可推断 a 、 b （ ）



- A. 具有不同比荷
- B. 电势能均随时间逐渐增大
- C. 到达 M 、 N 的速度大小相等
- D. 到达 K 所用时间之比为 $1:2$

6. 在科学实验中可利用激光使原子减速，若一个处于基态的原子朝某方向运动，吸收一个沿相反方向运动的能量为 E 的光子后跃迁到相邻激发态，原子速度减小，动量变为 P 。普朗克常量为 h ，光速为 c ，则（ ）

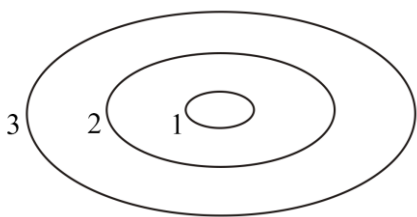
- A. 光子的波长为 $\frac{E}{hc}$
- B. 该原子吸收光子后质量减少了 $\frac{E}{c^2}$
- C. 该原子吸收光子后德布罗意波长为 $\frac{h}{p}$
- D. 一个波长更长的光子也能使该基态原子跃迁到激发态

7. “金星凌日”时，从地球上观，金星就像镶嵌在太阳表面的小黑点。在地球上间距为 d 的两点同时观测，测得金星在太阳表面的小黑点相距为 L ，如图所示。地球和金星绕太阳的运动均视为匀速圆周运动，太阳直径远小于金星的轨道半径，则地球和金星绕太阳运动的（ ）



- A. 轨道半径之比 $\frac{L}{d}$
- B. 周期之比为 $\sqrt[3]{\left(\frac{L+d}{L}\right)^2}$
- C. 线速度大小之比为 $\sqrt{\frac{L+d}{L}}$
- D. 向心加速度大小之比为 $\left(\frac{L}{L+d}\right)^2$

8. 一浮筒（视为质点）在池塘水面以频率 f 上下振动，水面泛起圆形的涟漪（视为简谐波）。用实线表示波峰位置，某时刻第 1 圈实线的半径为 r ，第 3 圈实线的半径为 $9r$ ，如图所示，则（ ）

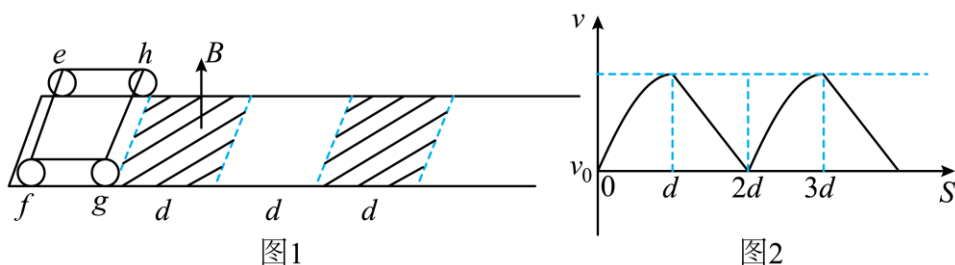


- A. 该波的波长为 $4r$
- B. 该波的波速为 $2fr$
- C. 此时浮筒在最低点
- D. 再经过 $\frac{1}{4f}$ ，浮筒将在最低点

9. 2025 年 1 月“疆电入渝”工程重庆段全线贯通，助力重庆形成特高压输电新格局，该工程计划将输电站提供的 $1.6 \times 10^6 \text{V}$ 直流电由新疆输送至重庆，多次转换后变为 $1.0 \times 10^4 \text{V}$ 的交流电，再经配电房中的变压器（视为理想变压器）降为 $220\sqrt{2}\sin(100\pi t) \text{V}$ 的家用交流电，若输电线路输送功率为 $8.0 \times 10^9 \text{W}$ ，且直流输电过程中导线电阻产生的电功率损耗不超过输送功率的 5%，则（ ）

- A. 直流输电导线中的电流为 250A
 B. 直流输电导线总阻值不超过 16Ω
 C. 家用交流电的电压最大值为 220V，频率为 50Hz
 D. 配电房中变压器原、副线圈中电流比 11:500

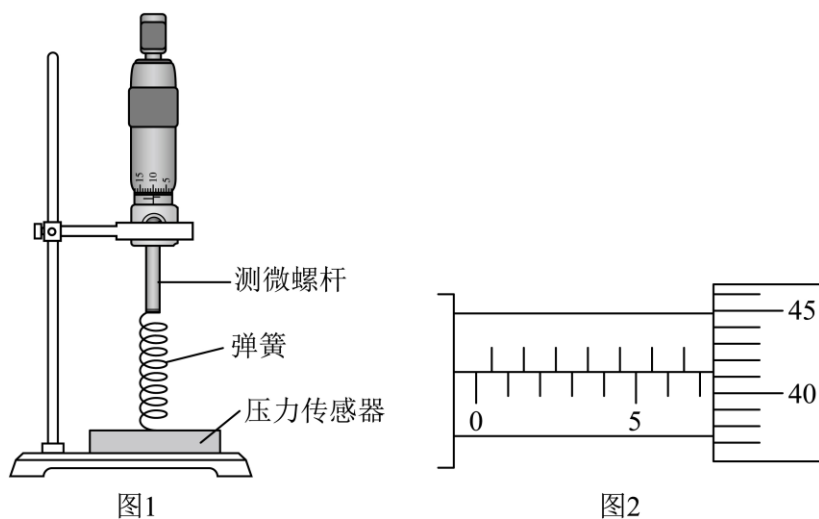
10. 如图 1 所示，小明设计的一种玩具小车由边长为 d 的正方形金属框 $efgh$ 做成，小车沿平直绝缘轨道向右运动，轨道内交替分布有边长均为 d 的正方形匀强磁场和无磁场区域，磁场区域的磁感应强度大小为 B ，方向竖直向上。 gh 段在磁场区域运动时，受到水平向右的拉力 $F = kv + b$ ($k > 0$, $b > 0$)，且 gh 两端的电压随时间均匀增加；当 gh 在无磁场区域运动时， $F = 0$ 。 gh 段速度大小 v 与运动路程 s 的关系如图 2 所示，图中 v_0 ($v_0 < \frac{b}{k}$) 为 gh 每次经过磁场区域左边界时速度大小，忽略摩擦力。则 ()



- A. gh 在任一磁场区域的运动时间为 $\frac{kd}{b - kv_0}$
 B. 金属框的总电阻为 $\frac{B^2 d^2}{k}$
 C. 小车质量为 $\frac{k^2 d}{2(b - kv_0)}$
 D. 小车的最大速率为 $\frac{2b}{k} + v_0$

11. 弹簧是熄火保护装置中的一个元件，其劲度系数会影响装置的性能。小组设计了如图 1 所示的实验装置测量弹簧的劲度系数，其中压力传感器水平放置，弹簧竖直放在传感器上，螺旋测微器竖直安装，测微螺杆正对弹簧。

(1) 某次测量时，螺旋测微器的示数如图 2 所示，此时读数为 _____ mm。



(2) 对测得的数据进行处理后得到弹簧弹力 F 与弹簧长度 l 的关系如图 3 所示，由图可得弹簧的劲度系数为 _____ N/m，弹簧原长为 _____ mm (均保留 3 位有效数字)。

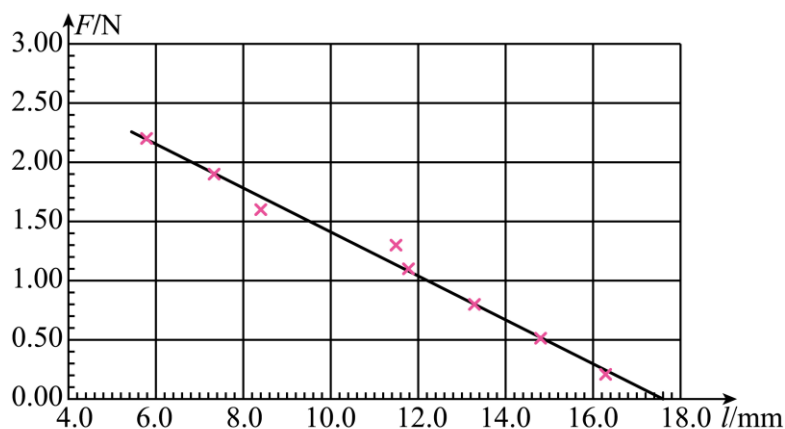


图3

12. 熄火保护装置主要由弹簧、热电偶和电磁铁等组成，其示意图如图 1 所示， A 、 B 为导线上两个接线端。小组设计了如图 2 所示的电路(部分连线未完成)进行探究，图中数字毫安表内阻约为 1Ω ，数字毫伏表内阻约为 $10M\Omega$ 。

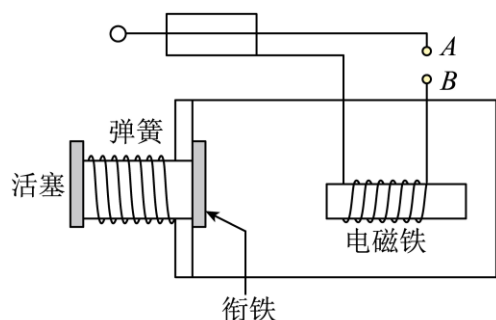


图1

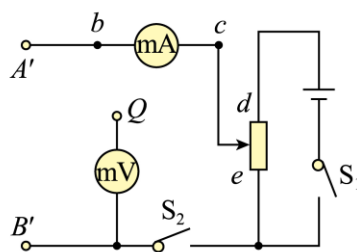


图2

(1) 将图 1 中的 A 、 B 端分别与图 2 中的 A' 、 B' 端连接，测量热电偶和电磁铁线圈构成的组合体电阻。已知组合体电阻不超过 0.05Ω ，则未完成的连接中， Q 端应和_____（填“ b ”或“ c ”）处相连，理由是_____。正确连线后，开始时滑动变阻器的滑片应置于_____（填“ d ”或“ e ”）端。

(2) 闭合开关 S_1 、 S_2 ，实验测得组合体电阻为 0.020Ω ，当电磁铁线圈中的电流小于 $142mA$ 时，电磁铁无法继续吸合衔铁，衔铁被释放。断开开关 S_1 、 S_2 ，从室温加热热电偶感温端到某一温度后，停止加热，使其自然冷却至室温。测得整个过程中热电偶受热产生的电动势 E' 随时间 t 的变化关系如图 3 所示。在相同的加热和冷却过程中，如果将 A 、 B 端直接连接，不计温度变化对组合体电阻的影响，从停止加热到吸合的衔铁被释放，所用的时间约为_____s（保留 3 位有效数字）。

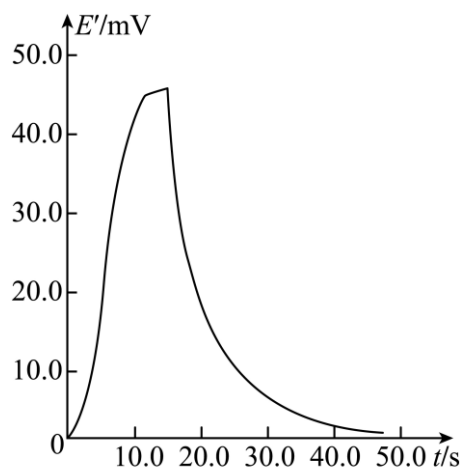
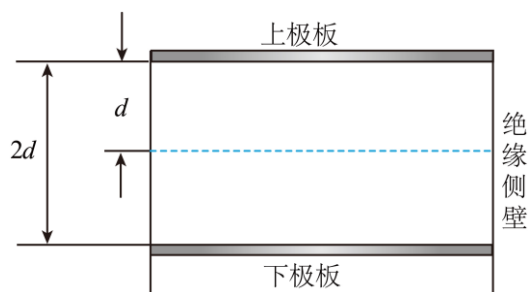


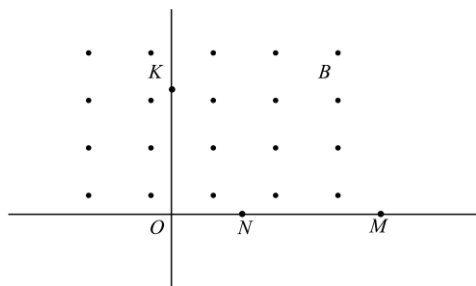
图3

13. 如图为小明设计的电容式压力传感器原理示意图，平行板电容器与绝缘侧壁构成密闭气腔。电容器上下极板水平，上极板固定，下极板质量为 m 、面积为 S ，可无摩擦上下滑动。初始时腔内气体（视为理想气体）压强为 p ，极板间距为 d 。当上下极板均不带电时，外界气体压强改变后，极板间距变为 $2d$ ，腔内气体温度与初始时相同，重力加速度为 g ，不计相对介电常数的变化，求此时



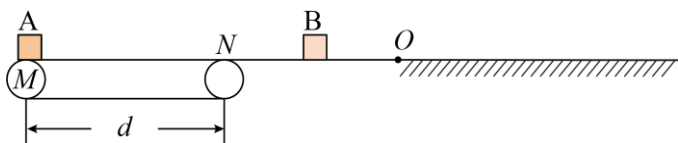
- (1) 腔内气体的压强；
- (2) 外界气体的压强；
- (3) 电容器的电容变为初始时的多少倍。

14. 研究小组设计了一种通过观察粒子在荧光屏上打出的亮点位置来测量粒子速度大小的装置，如题图所示，水平放置的荧光屏上方有沿竖直方向强度大小为 B ，方向垂直于纸面向外的匀强磁场。 O 、 N 、 M 均为荧光屏上的点，且在纸面内的同一直线上。发射管 K （不计长度）位于 O 点正上方，仅可沿管的方向发射粒子，一端发射带正电粒子，另一端发射带负电粒子，同时发射的正、负粒子速度大小相同，方向相反，比荷均为 $\frac{q}{m}$ 。已知 $OK = 3h$ ， $OM = 3\sqrt{3}h$ ，不计粒子所受重力及粒子间相互作用。



- (1) 若 K 水平发射 粒子在 O 点产生光点，求粒子的速度大小。
- (2) 若 K 从水平方向逆时针旋转 60° ，其两端同时发射的正、负粒子恰都能在 N 点产生光点，求粒子的速度大小。
- (3) 要使 (2) 间中发射 带正电粒子恰好在 M 点产生光点，可在粒子发射 t 时间后关闭磁场，忽略磁场变化的影响，求 t 。

15. 如图所示，长度为 d 的水平传送带 M 顺时针匀速运动。质量为 m 的小物块 A 在传送带左端 M 由静止释放。 A 还未与传送带达到相同速度时就从右端 N 平滑地进入光滑水平面 NO ，与向右运动的小物块 B 发生碰撞（碰撞时间极短）。碰后 A 、 B 均向右运动，从 O 点进入粗糙水平地面。设 A 与传送带间的动摩擦因数和 A 、 B 与地面间的动摩擦因数均为 μ ，重力加速度为 g 。



- (1) 求 A 在传送带上的加速度大小及离开传送带时的速度大小；
- (2) 若碰前瞬间，B 的速度大小为 A 的一半，碰撞为弹性碰撞，且碰后 A、B 在粗糙地面上停下后相距 d ，求 B 的质量；
- (3) 若 B 质量是 A 的 n 倍，碰后瞬间 A 和 B 的动量相同，求 n 的取值范围及碰后瞬间 B 的速度大小范围。

参考答案

1.

【答案】B

【详解】以钢管为研究对象，设轻绳的拉力为 T ，根据对称性可知两边绳子拉力相等，根据平衡条件

$$2T \cos 60^\circ = mg$$

可得 $T = mg$

故选B。

2.

【答案】A

【详解】气袋被压缩且绝热（无热交换），视为理想气体。

AB. 绝热压缩时外界对气体做功，内能增加，温度升高，分子平均动能由温度决定，分子热运动的平均动能增加，故A正确，B错误；

C. 根据理想气体状态方程 $\frac{pV}{T} = C$ ，体积减小，温度升高，可知压强增大，故C错误；

D. 气体体积减小，外界对气体做功，气体对外界做负功，故D错误。

故选A。

3.

【答案】B

【详解】AB. 对汽车，根据速度位移关系 $v_0^2 - (2v_0)^2 = -2as$

可得匀减速运动的加速度大小 $a = \frac{3v_0^2}{2s}$

汽车做减速运动的时间 $t = \frac{2v_0 - v_0}{a} = \frac{2s}{3v_0}$

这段时间列车行驶距离为 $s' = 2v_0 \cdot t = \frac{4s}{3}$

B正确，A错误；

CD. 根据 $a_n = \frac{v^2}{r}$

可得汽车在OP段向心加速度大小为 $a_n = \frac{v_0^2}{R}$

CD错误。

故选B。

4.

【答案】C

【解析】

【详解】AB. 根据题意，由图可知，相邻两亮条纹（暗条纹）间距为 $\Delta x = \frac{a}{4}$ ，故 AB 错误；

CD. 由公式 $\Delta x = \lambda \frac{l}{d}$ 可得，双缝之间距离为 $d = \frac{\lambda l}{\Delta x} = \frac{4\lambda l}{a}$ ，故 C 正确，D 错误。

故选 C。

5.

【答案】D

【解析】

【详解】A. 根据题意可知，带电粒子在电场中做类平抛运动，带电粒子 a 、 b 分别从 Q 点和 O 点同时进入电场，沿图中所示轨迹同时到达 M 、 N 点，可知，运动时间相等，由图可知，沿初速度方向位移之比为 2:1，则初速度之比为 2:1，沿电场方向的位移大小相等，由 $y = \frac{1}{2}at^2$ 可知，粒子运动的加速度大小相等，由牛顿第二定律有

$$qE = ma$$

可得 $\frac{q}{m} = \frac{a}{E}$

可知，带电粒子具有相同比荷，故 A 错误；

B. 带电粒子运动过程中，电场力均做正功，电势能均随时间逐渐减小，故 B 错误；

C. 沿电场方向，由公式 $v_y = at$ 可知，到达 M 、 N 的竖直分速度大小相等，由于初速度之比为 2:1，则到达 M 、 N 的速度大小不相等，故 C 错误；

D. 由图可知，带电粒子 a 、 b 到达 K 的水平位移相等，由于带电粒子 a 、 b 初速度之比为 2:1，则所用时间之比为 1:2，故 D 正确。

故选 D。

6.

【答案】C

【详解】A. 光子能量公式为 $E = \frac{hc}{\lambda}$

解得波长 $\lambda = \frac{hc}{E}$ ，故 A 错误；

B. 原子吸收光子后，能量增加 E ，根据质能方程 $\Delta m = \frac{E}{c^2}$ ，质量应增加而非减少，故 B 错误；

C. 德布罗意波长公式为 $\lambda = \frac{h}{p}$ ，题目明确吸收后原子动量为 p ，因此波长为 $\frac{h}{p}$ ，故 C 正确；

D. 吸收光子跃迁需光子能量严格等于能级差。波长更长的光子能量更低（ $E' = \frac{hc}{\lambda'} < E$ ），无法满足跃迁条件，故 D 错误。

故选 C。

7.

【答案】D

【详解】A. 太阳直径远小于金星的轨道半径，太阳直径忽略不计，根据题意结合几何知识可知地球和金星绕太阳运动的轨道半径之比为

$$\frac{r_{\text{地}}}{r_{\text{金}}} = \frac{d+L}{L}, \text{ 故 A 错误;}$$

$$\text{BCD. 根据万有引力提供向心力有 } \frac{GMm}{r^2} = m \left(\frac{2\pi}{T} \right)^2 r = m \frac{v^2}{r} = ma$$

$$\text{解得 } T = \sqrt{\frac{4\pi^2 r^3}{GM}}, \quad v = \sqrt{\frac{GM}{r}}, \quad a = \frac{GM}{r^2}$$

$$\text{故可得周期之比为 } \frac{T_{\text{地}}}{T_{\text{金}}} = \sqrt{\left(\frac{d+L}{L} \right)^3};$$

$$\text{线速度大小之比为 } \frac{v_{\text{地}}}{v_{\text{金}}} = \sqrt{\frac{L}{d+L}};$$

$$\text{向心加速度大小之比为 } \frac{a_{\text{地}}}{a_{\text{金}}} = \left(\frac{L}{d+L} \right)^2;$$

故 BC 错误，D 正确

故选 D。

8.

【答案】AD

【详解】A. 根据题意某时刻第 1 圈实线的半径为 r ，第 3 圈实线的半径为 $9r$ ，故可得 $2\lambda = 9r - r$

即 $\lambda = 4r$ ，故 A 正确；

B. 该波 波速为 $v = \lambda f = 4rf$ ，故 B 错误；

CD. 由 $\lambda = 4r$ ，根据某时刻第 1 圈实线的半径为 $r = \frac{1}{4}\lambda$ 可得此时浮筒处于平衡位置，由于波向外传播，根据

同侧法可知此时浮筒处于平衡位置向下振动，故再经过 $\frac{1}{4f} = \frac{1}{4}T$ ，浮筒将在最低点，故 C 错误，D 正确。

故选 AD。

9.

【答案】BD

【详解】A. 直流输电电流由公式 $I = \frac{P}{U}$ 计算得

$$I = \frac{8.0 \times 10^9 \text{ W}}{1.6 \times 10^6 \text{ V}} = 5000 \text{ A}, \text{ 故 A 错误;}$$

B. 导线允许的最大功率损耗为 5% 的输送功率 $P_{\text{损}} = 0.05 \times 8.0 \times 10^9 \text{ W} = 4 \times 10^8 \text{ W}$

由 $P_{\text{损}} = I^2 R$ 得导线总阻值上限

$$R = \frac{P_{\text{损}}}{I^2} = \frac{4 \times 10^8}{(5000)^2} \Omega = 16 \Omega, \text{ 故 B 正确;}$$

C. 家用交流电表达式为 $220\sqrt{2} \sin(100\pi t) \text{ V}$ ，其最大值为 $220\sqrt{2} \text{ V}$ ；

$$\text{频率为 } f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{100\pi}{2\pi} = 50 \text{ Hz}, \text{ 故 C 错误;}$$

D. 变压器原线圈电压 $U_1 = 1.0 \times 10^4 \text{ V}$ ，副线圈电压 $U_2 = 220 \text{ V}$ ，匝数比

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{U_1}{U_2} = \frac{10000}{220} = \frac{500}{11}$$

$$\text{电流比与匝数比成反比可知 } \frac{I_1}{I_2} = \frac{n_2}{n_1} = \frac{11}{500}, \text{ 故 D 正确。}$$

故选 BD。

10.

【答案】BC

【详解】由题知 gh 两端的电压随时间均匀增加，则说明 gh 在磁场中运动时做匀变速直线运动，设运动的速度

$$\text{为 } v \text{ 有 } E = Bdv, \quad I = \frac{E}{R}, \quad F_{\text{安}} = Bid, \quad F - F_{\text{安}} = ma$$

$$\text{联立有 } kv + b - \frac{B^2 d^2 v}{R} = ma$$

$$\text{B. 由于 } gh \text{ 在磁场中运动时做匀变速直线运动，则有 } kv = \frac{B^2 d^2 v}{R}, \quad ma = b$$

$$\text{解得 } R = \frac{B^2 d^2}{k}, \text{ 故 B 正确;}$$

$$\text{CD. } gh \text{ 在无磁场区域运动时, } F = 0, \text{ 根据动量定理有 } -\frac{B^2 d^3}{R} = mv_0 - mv_{\text{max}}$$

$$gh \text{ 在磁场中运动时做匀变速直线运动有 } v_{\text{max}}^2 - v_0^2 = 2ad$$

$$\text{结合 } ma = b$$

$$\text{解得 } m = \frac{k^2 b}{2(b - v_0 k)}, \quad v_{\text{max}} = \frac{2b}{k} - v_0, \text{ 故 C 正确, D 错误;}$$

$$\text{A. 由于 } gh \text{ 在磁场中运动时做匀变速直线运动，则有 } v_{\text{max}} = v_0 + at$$

$$\text{解得 } t = \frac{kd}{b}, \text{ 故 A 错误。}$$

故选 BC。

11.

【答案】(1) 7.415

(2) ①. 184 ②. 17.6

【解析】

【小问 1 详解】

根据螺旋测微器的读数法则有 $7\text{mm} + 41.5 \times 0.01\text{mm} = 7.415\text{mm}$

【小问 2 详解】

[2]当弹力 零时弹簧处于原长为 17.6mm

[1]将题图反向延长与纵坐标的交点为 2.50N ，则根据胡克定律可知弹簧的劲度系数为 $k = \frac{\Delta F}{\Delta x} = 184\text{N/m}$

12.

【答案】(1) ①. b ②. 见解析 ③. e

(2) 17.5

【解析】

【小问 1 详解】

[1][2]根据题意可知，组合体电阻不超过 0.05Ω ，相比较远小于数字毫伏表内阻，应采用数字毫安表外接法，即 Q 端应和 b 处相连。

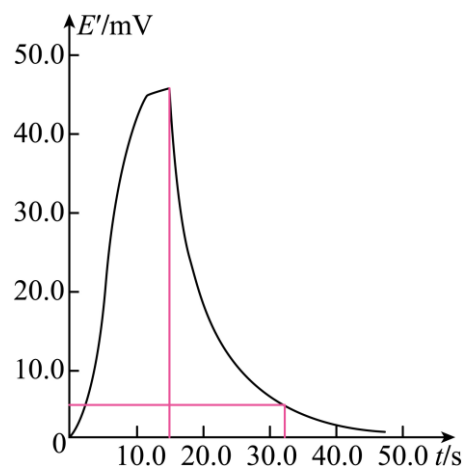
[3]滑动变阻器采用分压接法，闭合开关时，为了保护电表，滑动变阻器的滑片应置于 e 端。

【小问 2 详解】

根据题意，由闭合回路欧姆定律可知，衔铁被释放时，电动势为

$$E = Ir = 0.02 \times 142 \times 10^{-3} = 2.84 \times 10^{-3} \text{V} = 2.84\text{mV}$$

停止加热时，热电偶受热产生的电动势 E' 最大，如图所示



由图可知，从停止加热到吸合的衔铁被释放，所用的时间约为 $\Delta t = 32.5\text{s} - 15\text{s} = 17.5\text{s}$ 。

13.

【答案】(1) $\frac{p}{2}$

(2) $\frac{p}{2} + \frac{mg}{S}$

(3) $\frac{1}{2}$

【解析】

【小问 1 详解】

根据题意可知腔内气体温度，根据玻意耳定律有 $p_1V_1 = p_2V_2$

其中 $p_1 = p$ ， $V_1 = Sd$ ， $V_2 = 2Sd$

$$\text{可得 } p_2 = \frac{p}{2}$$

【小问 2 详解】

对下极板受力分析有 $p_2S + mg = p'_0S$

$$\text{可得 } p'_0 = \frac{p_2S + mg}{S} = \frac{p}{2} + \frac{mg}{S}$$

【小问 3 详解】

根据平行板电容器的决定式 $C = \frac{\varepsilon S}{4\pi kd}$ ，变化后间距为 $2d$ ，其他条件均不变

可知电容器的电容变为初始时的 $\frac{1}{2}$ 。

14.

$$\text{【答案】(1) } \frac{3qBh}{2m}$$

$$(2) \frac{2qBh}{m}$$

$$(3) \frac{2\pi m}{3qB}$$

【解析】

【小问 1 详解】

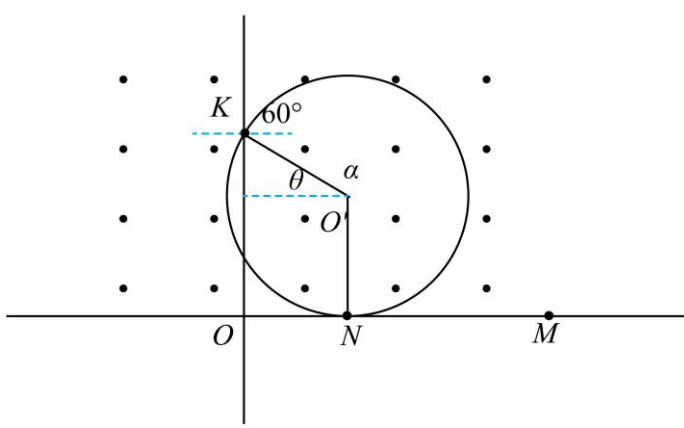
由题意粒子水平发射后做匀速圆周运动，要在 O 点产生光点，其运动半径 $r = \frac{3h}{2}$

运动过程中由洛伦兹力提供向心力有 $qvB = \frac{mv^2}{r}$

$$\text{联立解得 } v = \frac{qBr}{m} = \frac{3qBh}{2m}$$

【小问 2 详解】

若 K 从水平方向逆时针旋转 60° ，其两端同时发射的正、负粒子恰都能在 N 点产生光点，则两端粒子的轨迹正好构成一个完整的圆，且在 N 点相切，如图



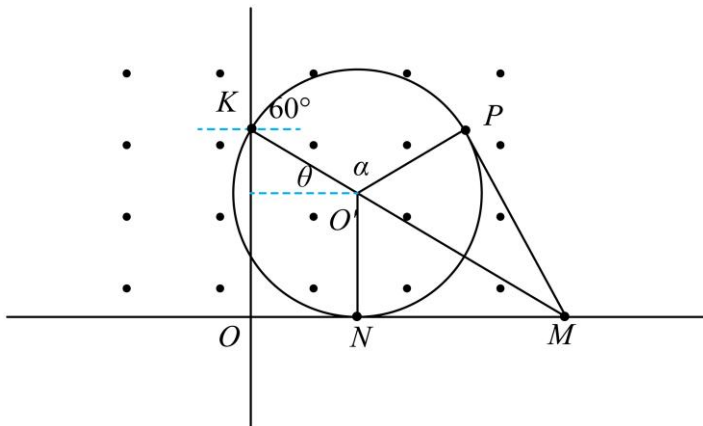
由于 K 从水平方向逆时针旋转 60° ，则 $\theta = 30^\circ$ ，根据和和关系可知此时粒子做匀速圆周运动的半径为 $r_1 = 2h$

根据洛伦兹力提供向心力可知 $qv_1B = \frac{mv_1^2}{r_1}$

$$\text{解得 } v_1 = \frac{qBr_1}{m} = \frac{2qBh}{m}$$

【小问 3 详解】

由题意带正电粒子恰好在 M 点产生光点，则关闭磁场时粒子速度恰好指向 M，过 M 点做正电粒子轨迹的切线，切点为 P，如图



根据前面解析可知 $ON = \sqrt{3}h$ ，所以 $NM = 2\sqrt{3}h$

由于 $O'N = r_1 = 2h$ ，且 $O'N \perp NM$

根据几何关系可知 $\angle NO'M = \angle PO'M = 60^\circ$ ，而 $\angle KO'N = 120^\circ$

所以 $\alpha = 120^\circ$

粒子在磁场中运动的周期 $T = \frac{2\pi m}{qB}$ ，对应的圆心角 $\alpha = 120^\circ$

$$\text{所以 } t = \frac{1}{3}T = \frac{1}{3} \cdot \frac{2\pi m}{qB} = \frac{2\pi m}{3qB}$$

15.

【答案】(1) $a = \mu g$ ， $v_1 = \sqrt{2\mu g d}$

$$(2) M = \frac{m}{3}$$

$$(3) \frac{1}{3} < n \leq 1, \frac{\sqrt{2\mu g d}}{2} < v_B < 2\sqrt{2\mu g d}$$

【解析】

【小问 1 详解】

A 在传送带上由滑动摩擦力提供加速度，即 $\mu mg = ma$

可得 $a = \mu g$

由于 A 还没与传送带达到相同速度时就离开传送带，所以物体在传送带上做匀加速直线运动，由 $v_1^2 = 2ad$

$$\text{解得 } v_1 = \sqrt{2\mu g d}$$

【小问 2 详解】

设 B 的质量为 M，则由题意由碰前 $v_A = v_1$ ， $v_B = \frac{v_1}{2}$ ，两物体发生弹性碰撞则动量和能量守恒有

$$mv_1 + M \frac{v_1}{2} = mv'_1 + Mv'_2, \quad \frac{1}{2}mv_1^2 + \frac{1}{2}M\left(\frac{v_1}{2}\right)^2 = \frac{1}{2}mv'^2_1 + \frac{1}{2}Mv'^2_2$$

又因为在弹性碰撞中，碰前相对速度与碰后相对速度大小相等，方向相反，即 $v_1 - \frac{v_1}{2} = v'_2 - v'_1 = \frac{v_1}{2}$

$$\text{联立解得 } v'_1 = \frac{mv_1}{m+M}, \quad v'_2 = \frac{(3m+M)v_1}{2(m+M)}$$

因为 OP 段粗糙，由动能定理有 $-\mu mgs = 0 - \frac{1}{2}mv^2$

$$\text{得 } s = \frac{v^2}{2\mu g}, \quad \text{即 } s_A = \frac{v'^2_1}{2\mu g}, \quad s_B = \frac{v'^2_2}{2\mu g}$$

根据题意有 $s_B - s_A = d$ ，且由 (1) 有 $v_1 = \sqrt{2\mu g d}$

$$\text{联立各式解得 } M = \frac{m}{3}$$

【小问 3 详解】

设碰前小物块 B 向右运动的速度为 v_{B0} ，A、B 发生碰撞，则 $v_{B0} < v_1$

A、B 碰撞过程动量守恒有 $mv_1 + nmv_{B0} = mv_A + nmv_B$

又因为碰后瞬间 A 和 B 的动量相同，则 $mv_A = nmv_B > 0$

$$\text{则 } v_B = \frac{v_1 + nv_{B0}}{2n}, \quad v_A = \frac{v_1 + nv_{B0}}{2}$$

根据碰撞的约束条件，要两物块不发生二次碰撞则有 $v_A \leq v_B$ ，即 $n \leq 1$

碰后动能不增，即 $\frac{1}{2}mv_1^2 + \frac{1}{2}mv_{B0}^2 \geq \frac{1}{2}m\left(\frac{v_1 + nv_{B0}}{2}\right)^2 + \frac{1}{2}(nm)\left(\frac{v_1 + nv_{B0}}{2n}\right)^2$ ，可得 $n > \frac{1}{3}$

所以 n 的取值范围为 $\frac{1}{3} < n \leq 1$

分别将 $n=1$ 和 $n=\frac{1}{3}$ 代入 $v_B = \frac{v_1 + nv_{B0}}{2n}$ ，分别可得 $v_B = \frac{v_1 + v_{B0}}{2} > \frac{v_1}{2}$ ， $v_B' = \frac{3v_1 + v_{B0}}{2} < 2v_1$

所以对应的 B 的速度范围为 $\frac{v_1}{2} < v_B < 2v_1$ ，代入 $v_1 = \sqrt{2\mu gd}$

可得 $\frac{\sqrt{2\mu gd}}{2} < v_B < 2\sqrt{2\mu gd}$